

[1] Le but de cette activité est de rappeler les notions vues en troisième sur les vecteurs.

On sait que la figure-clé de la translation est le parallélogramme. Dans un quadrillage du plan, on considère un vecteur \vec{u} et deux points distincts A et C. Soit $t_{\vec{u}}$ la translation de vecteur \vec{u} .

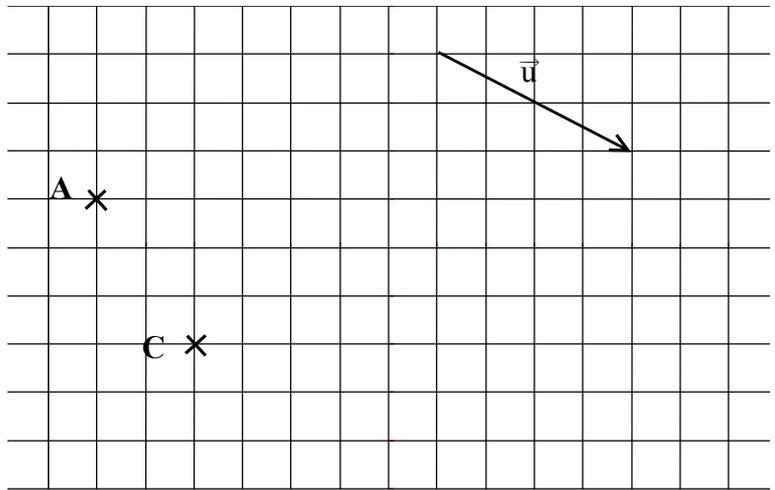
Reproduire le dessin. Construire le point B, image de A par $t_{\vec{u}}$ et le point D, image de C par $t_{\vec{u}}$

Ecrire les vecteurs égaux à \vec{u} .

Que peut-on dire du quadrilatère ABDC ? Justifier.

On a démontré que : « Si $AB = CD$ alors ABDC est un parallélogramme. » La réciproque est-elle vraie ?

En donner la preuve.



[2] Dans un autre quadrillage du plan, on considère le triangle AEF et les vecteurs \vec{u} et \vec{v} . Soit $t_{\vec{u}}$ et $t_{\vec{v}}$ les translations de vecteurs respectifs \vec{u} et \vec{v} .

Construire l'image BGH du triangle AEF par $t_{\vec{u}}$ puis le triangle CIJ, image de BGH par $t_{\vec{v}}$. Trouver une transformation par laquelle l'image de AEF est C I J.

On admet que faire une translation de vecteur \vec{u} puis une translation de vecteur \vec{v} , revient à faire une translation de vecteur \vec{w} .

\vec{w} est appelé le vecteur somme de \vec{u} et \vec{v} .

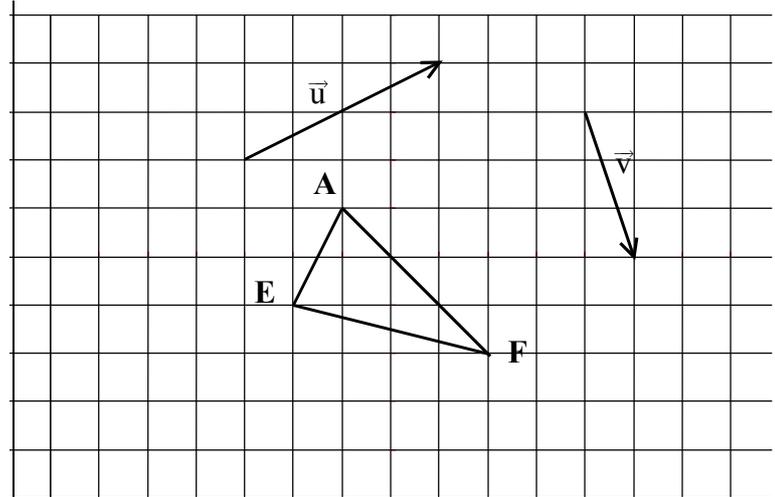
On note $\vec{u} + \vec{v} = \vec{w}$. Avec $\vec{AB} = \vec{u}$ et $\vec{BC} = \vec{v}$, on a :

$\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$ (c'est la relation de Chasles).

A, B, C, D sont quatre points distincts du plan.

Ecrire plus simplement les vecteurs suivants

$\vec{AC} + \vec{CD}$; $\vec{BD} + \vec{DC}$; $\vec{FA} + \vec{AC} + \vec{CD}$; $\vec{AB} + \vec{CA}$; $\vec{DA} + \vec{CA} + \vec{AD}$; $\vec{AB} + \vec{BA}$.



[3] ABDC est un parallélogramme. En faisant

intervenir la relation de Chasles, montrer que : $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{AD}$.

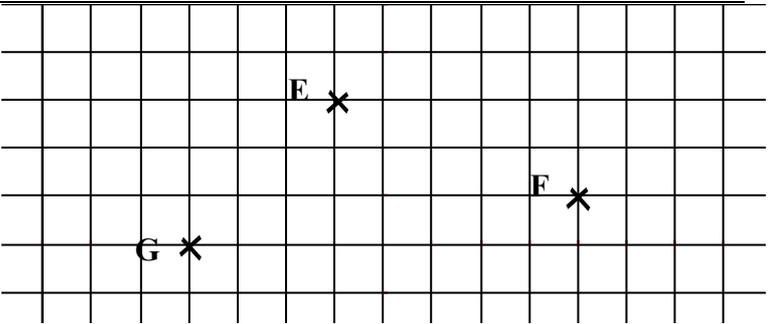
On dit que le point D est construit à l'aide de la règle du parallélogramme.

E, F et G sont trois points distincts du plan quadrillé.

Reproduire le dessin et construire les points H, K et

L tels que : $\vec{EH} = \vec{EF} + \vec{EG}$; $\vec{EK} = \vec{EG} + \vec{EH}$ et

$\vec{FL} = \vec{FG} + \vec{FH}$.



[4] Donner deux solutions de cet exercice, l'une par la géométrie pure, l'autre vecteurs.

ABCD est un quadrilatère convexe. On désigne par I et J les milieux respectifs des côtés [AB] et [AD].

1° Construire les points E, F et G définis de la façon suivante

E est le symétrique de D par rapport à I.

F est le symétrique de C par rapport à J.

G est le symétrique de B par rapport à J.

H est le symétrique de D par rapport au milieu de [AF].

2° Démontrer que le quadrilatère CEHG est un parallélogramme.

[5] On considère une droite (AB) et \vec{u} un vecteur tel que $\vec{u} = \vec{AB}$. Placer le point C, image de B par $t_{\vec{u}}$. Par quelle translation passe-t-on de A à C ?

On choisit de noter $\vec{u} + \vec{u} = 2\vec{u}$. Ainsi $\vec{AC} = 2\vec{u}$. On a aussi exprimé \vec{AC} en fonction de \vec{u}

Placer D, image de C par $t_{\vec{u}}$. Exprimer \vec{AD} en fonction de \vec{u} . Par quelle translation passe-t-on de D à C ?

On choisit alors d'écrire $\vec{DC} = -\vec{u}$. Sur la droite (AB), placer le point E tel que $AE = \frac{5}{2} AB$ de sorte que les

vecteurs \vec{AE} et \vec{AB} soient de sens opposés. On note alors $\vec{AE} = -\frac{5}{2} \vec{AB}$. Placer alors sur (AB) les points F, G et

H tels que : $\vec{AF} = \frac{1}{2} \vec{u}$; $\vec{AG} = -4\vec{u}$; $\vec{AH} = \sqrt{2} \vec{u}$.

On admet que deux points A et B étant donnés, pour tout nombre réel k il existe un point M, situé sur la droite (AB) tel que $\vec{AM} = k \vec{AB}$.

